## الترتيب و العمليات - حلول

## $x \le y$ انتبه $x \le y$ عددان حقیقیان حیث: $x \le y$ عددان حقیقیان حیث: $x \le y$ عددان حقیقیان حیث: $x \le y$ انتباع $x \le y$ عددان حقیقیان حیث: $x \le y$ انتباع $x \le y$ عددان حقیقیان حیث: $x \le y$ عددان حقیقیان حیث: $x \le y$ انتباع $x = y \le 0$ انتباع $x = y \le 0$ انتباع $x \le y$ انتباع $x = y \le 0$ انتباع $x \le y$ انتباع $x = y \le 0$ انتباع $x \le y$ انتباع $x \ge y$

			ﻠﯩﻖ	چ ⊷انتبه ۞←تع	<u>تمرين 2</u>
$-9 \le k \le -2$	$-10 \le t \le 1$	$2 \le z \le 5$	$-7 \le y \le -4$	3≤ <i>x</i> ≤6	 معطیات
6t + 2y لنؤطر		x-y لنؤطر		x + y لنؤطر	
$-60 \le 6t \le 6$ : منه $-10 \le t \le 1$		$x-y=x+\left(-y\right)$ : لدينا		$-7 \le y \le -4$	لدينا: 6≤x≤6 و
$-14 \le 2y \le -8$ : منه $-7 \le y \le -4$ لدينا		و لدينا 4≤- y ≤ 7 : منه : 7 ≤ y ≤ - 4		$-7+3 \le x+y$	إذن: 4+6 ≥ √
$-60 + (-14) \le 6t + 2y \le 6 + (-8)$ : إذْن		$3 \le x \le 6$ و لدينا :		$-4 \le x +$	$y \le 2$ : إذن
$-74 \le 6t + 2y \le -2$ بالتالي :		` ' '			
 لنؤطر y + 5x		$7 \le x - y \le 13$ بالتالي: $\frac{7}{x}$		z + t	لنؤطر
لدينا 4≤- y ≤ 7 : منه -7 ≤ y ≤ − 4		لنؤ <b>طر</b> z – x		$-10 \le t \le 1$	لدينا: 5≥z≥2 و
$4 \le -y \le 7$ . 300 $-7 \le y \le -4$ لاينا $5 \le 5x \le 30$ : منه $3 \le x \le 6$ لدينا $4 + 15 \le -y + 5x \le 7 + 30$ :		z-1	x = z + (-x) : لدينا		1
		$-6 \le -x \le -3$ :	و لدينا $6 \le x \le 3$ منا	$-8 \le z$	$t \leq 6$ : إذن
	، بالتالي :     37 ≤ y +5x ≤ 37		و لدينا :		
			$x) \le 5 + (-3) : $ إذن		
-4y-1			$z - x \le 2$ بالتالي:		لدينا 6 ≤x≤ منه :
	-4y + (-16) : لدينا	ىر مباسرە لالە	ً≷ ← لانستطيع التأط	-6y	
	لدينا 4 –≥ <i>y</i> ≤ 7 – منه	بتأطير الفرق	لاتوجد قاعدة تسمح	$24 \le -6y \le 42 : a$	لدينا 4 –≥ <i>y</i> ≤ 7 من
منه: $(-16) + (-16) \le -4y + (-16) \le 28 + (-16) = 16 + (-16) \le -4y - 16 \le 12$ بالتالي : $0 \le -4y - 16 \le 12$		$x^2$	لنؤطر	10 <i>y</i>	لنؤطر
		$9 \le x^2 \le 36$	لدينا 6 ≤x≤ منه :	$-70 \le 10y \le -40$ :	لدينا 4 –≤ y ≤ 7 منه
x + y - t + 6	لنؤطر 13 + <i>z</i>	$y^2$ .	لنؤطر	-4t	لنؤطر
	لدينا :	$4 \le -y \le 7$ :	لدينا 4 –≥ y ≤ 7 منه	$-4 \le -4t \le 40$ : c	دينا $1 \ge t \le -10$ منا
	x + y + (-t) + 6z + 13	16≤(-	$(y)^2 \le 49$ : منه		
$3 \le x \le 6$ $-7 \le y \le -4$	لدينا :	16 ≤ <i>y</i>	بالتالي :       49 ≥ <sup>2</sup>		
	و : و لدينا: $1 \ge t \le 1$ –	\$1 ·· 2			
	و لدينا: 5≥22 منه و لدينا: 5≥22 منه		<ul> <li>√ كانستطيع تأطب</li> <li>المتفاوتة 4 - ≥ y ≥ 7 -</li> </ul>		ڭ ← تذكر أنه عندما
و تديد: وخريد عند المتفاوتات فنجد :			المتقاونة 4−≥y≤/− سالبة، لذلك نؤطر y−	دد سالب فإننا نغير ترتيب الأطراف.	
$20 \le x + y + \left(-t\right)$			ساببه، بدنك نوطر ٧- متفاوتة كل أطرافها مر		
	_		متفوله دن اطرافها م (- y) ، ثمر نستعمل		

		تمرین 2
yk لنؤطر	x z لنؤطر	رنۇطر t²
$-7 \le y \le -4$ و $3 \le x \le 6$ منه : $7 \le y \le 7$ منه : $3 \times 4 \le x \times (-y) \le 6 \times 7$ : منه : $2 \le -xy \le 42$ : بالتالي : $-42 \le xy \le -12$ بما أن قاعدة تأطير جذاء	$2 \le z \le 5$ و $3 \le x \le 6$ : لدينا : $3 \le x \le 6$ الدينا : $6 \le x \ge 30$ النؤطر $x y$ لدينا : $-7 \le y \le -4$ و $-9 \le k \le -2$ الدينا : $4 \le -y \le 7$ و $2 \le -k \le 9$ : منه : $4 \times 2 \le (-y) \times (-k) \le 7 \times 9$ ابالتالي : $8 \le y \le 63$	: منه $10 \le t \le 1$ منه $10 \le t \ge 1$
تستوجب أن تكون كل الأعداد موجبة ، $-y$ فإننا اعتمدنا التقنية التالية : أطرنا $4 \le -y \le 7$ فتصبح أطراف المتفاوتة $x \ge y \le 7$ لأن $x \ge y \le 7$ سالب)، مما سمح لنا بتأطير الجذاء $x \ge 7$ و باستعمال قاعدة تأطير المقابل نستطيع تأطير $x \ge 7$	الاحظ أننا استعملنا نفس تقنية $xy$ : تأطير $xy$ ، لكننا استفدنا من كون : $(-x)\times(-y)=xy$ $\frac{z}{x}$ لنؤطر $\frac{z}{x}=z\times\frac{1}{x}$ : لدينا : $\frac{1}{6}\leq\frac{1}{x}\leq\frac{1}{3}$ : منه : $3\leq x\leq 6$	
$\frac{y}{z} = y \times \frac{1}{z} : \text{ liptification } 1$ $4 \le -y \le 7 : \text{ a.i. } -7 \le y \le -4 : \text{ liptification } 2 \le z \le 5 :  lip$	$2 \le z \le 5$ : البينا و $2 \times \frac{1}{6} \le z \times \frac{1}{x} \le 5 \times \frac{1}{3}$ : هنه $\frac{1}{3} \le \frac{z}{x} \le \frac{5}{3}$ : البينا و $\frac{1}{3} \le \frac{z}{x} \le \frac{5}{3}$ : البينا و $\frac{y^2 + 5}{t - 10}$ البينا و $\frac{y^2 + 5}{t - 10} = (y^2 + 5) \times \frac{1}{t + (-10)}$ : البينا و $4 \le -y \le 7$ : هنه $-7 \le y \le -4$ : البينا و $16 \le y^2 \le 49$ : البيناوي و $16 \le y^2 \le 49$ :	$\frac{x-t}{y+10z} = (x+(-t)) \times \frac{1}{y+10z} : \text{ Lexiol}$ $-1 \le -t \le 10 : \text{ axo } -10 \le t \le 1 : \text{ Lexiol}$ $3 \le x \le 6 : \text{ Lexiol}$ $2 \le x+(-t) \le 16 : \text{ Soliton}$ $20 \le 10z \le 50 : \text{ axo } 2 \le z \le 5 : \text{ Lexiol}$ $-7 \le y \le -4 : \text{ Lexiol}$ $13 \le y+10z \le 46 : \text{ Lexiol}$ $\frac{1}{46} \le \frac{1}{y+10z} \le \frac{1}{13} : \text{ Lexiol}$ $2 \times \frac{1}{46} \le (x+(-t)) \times \frac{1}{y+10z} \le 16 \times \frac{1}{13}$ $\frac{1}{23} \le \frac{x-t}{y+10z} \le \frac{16}{13} : \text{ Lexiol}$

/ <mark>≷</mark> ← انتبه 🌣 ← تعلیق					
$\sqrt{2} + \sqrt{3}$ و $\sqrt{5}$ لنقارن	$-2\sqrt{10}$ لنقارن $\sqrt{3}$ و	$3\sqrt{5}$ و $\sqrt{37}$ لنقارن			
$(\sqrt{5})^2 = 5 : $ $(\sqrt{2} + \sqrt{3})^2 = (\sqrt{2})^2 + 2\sqrt{2}\sqrt{3} + (\sqrt{3})^2$ $= 2 + 2\sqrt{6} + 3 = 5 + 2\sqrt{6}$	( /	بما أن :			
$5+2\sqrt{6}>5$ : ناما أن : $\sqrt{2}+\sqrt{3}>\sqrt{5}$ : فإن : لنقارن $6+\sqrt{5}$ و $6+\sqrt{5}$	بالتالي: $-2\sqrt{10} < -\sqrt{3}$ لاحظ أن العددان سالبان لذلك قارنا مقابليهما قبل مقارنتهما.	$\sqrt{17}-\sqrt{11}$ و $\sqrt{5}-\sqrt{40}$ النقارت $\sqrt{5}<\sqrt{40}$ و $\sqrt{5}<\sqrt{40}$ لدينا $\sqrt{5}<\sqrt{11}>\sqrt{11}$ منه $\sqrt{17}>\sqrt{11}$			
$6 + \sqrt{5} > 6 + \sqrt{3}$ : دينا $5 > \sqrt{3}$ لدينا		$\sqrt{5} - \sqrt{40} < \sqrt{17} - \sqrt{11}$ : بالتالي			
♦ → لم نقارن المربعين و اكتفينا	$20\sqrt{2}$ و $-7\sqrt{14}$ لنقارن	$\sqrt{27}+1$ و $3+\sqrt{3}$ لنقارن			
بمقارنة $\sqrt{3}$ و $\sqrt{5}$ لوجود العدد $\sqrt{3}$ في كلتا العددين.	$20\sqrt{2} > 0$ و $0 > 7\sqrt{14} < 0$ لدينا : منه : $0 > -7\sqrt{14}$	$(3+\sqrt{3})^2 = 3^2 + 2 \times 3 \times \sqrt{3} + (\sqrt{3})^2$ : لدينا = $9+6\sqrt{3}+3=12+6\sqrt{3}$			
	♦ ← العدد الموجب أكبر من العدد	$(\sqrt{27} + 1)^2 = (\sqrt{27})^2 + 2 \times \sqrt{27} \times 1 + 1^2$ $= 27 + 2\sqrt{9 \times 3} + 1 = 28 + 6\sqrt{3}$			
	السالب، لذلك لا نقارن المربعات	$12 + 6\sqrt{3} < 28 + 6\sqrt{3}$ : بما أن $3 + \sqrt{3} < \sqrt{27 + 1}$ : فإن			

\_

	تمرين 4 ∕ انتبه ♦ ← تعليق
	$2,23 < \sqrt{5} < 2,24$ و $1,41 < \sqrt{2} < 1,42$ : معطیات
$B = \frac{5 + \sqrt{5}}{\sqrt{5}}$ لنؤطـر ②	$A = 5\sqrt{2} + 3\sqrt{5}$ لنؤطر 🛈
$B = \frac{5 + \sqrt{5}}{\sqrt{5}} = \frac{(5 + \sqrt{5}) \times \sqrt{5}}{\sqrt{5} \times \sqrt{5}} = \frac{5\sqrt{5} + 5}{5} = \frac{5(\sqrt{5} + 1)}{5} = \sqrt{5} + 1$	$7,05 < 5\sqrt{2} < 7,1$ منه $1,41 < \sqrt{2} < 1,42$ : لدينا $1,41 < \sqrt{2} < 1,42$ منه $2,23 < \sqrt{5} < 2,24$ و لدينا $1,41 < \sqrt{2} < 1,42$ منه $1,41 < \sqrt{2} < 1,42$
$3,23 < \sqrt{5} + 1 < 3,24$ : منه $2,23 < \sqrt{5} < 2,24$ : بالتالي :	$\frac{11,51 < 5\sqrt{2} + 3\sqrt{5} < 11,58}{11,51 < A < 11,58}$ : أي :